

1.1 Grootheden en eenheden

Opgave 1

- a Kwantitatieve metingen zijn metingen waarbij je de waarneming uitdrukt in een getal, meestal met een eenheid. De volgende metingen zijn kwantitatief:
- het aantal kinderen
 - het aantal jongens en het aantal meisjes
 - de gemiddelde leeftijd
- b Kwalitatieve metingen zijn metingen waarbij je geen meetinstrument gebruikt. De volgende metingen zijn kwalitatief:
- jongens zijn groter dan meisjes
 - jongens zijn zwaarder dan meisjes

Opgave 2

- a
- $h = 400 \text{ km}$
 - $\ell = 109 \text{ m}$
 - $m = 391 \text{ ton} (= 391 \cdot 10^3 \text{ kg})$
 - $v = 7,7 \text{ km/s}$
 - $t = 90 \text{ minuten}$
 - $V = 388 \text{ m}^3$
 - $P = 84 \text{ kW}$
- b Alleen de lengte is in de grondeenheid gegeven.

Opgave 3

- a Staat m achter een getal, dan is m een eenheid:
 $m = \text{meter}$
- b Is m cursief dan is m een grootheid:
 $m = \text{massa}$
- c Staat m voor een eenheid, dan is m een voorvoegsel:
 $m = \text{milli} = \text{duizendste. (Zie BINAS tabel 2.)}$

Opgave 4

- a De afstand is $4,9 \text{ km} = 4900 \text{ m}$.
De tijd is $1 \text{ minuut en } 37 \text{ seconden} = 60 + 37 = 97 \text{ s}$
- Dus geldt: $\text{snelheid} = \frac{4900}{97} = 50 \text{ m/s}$

Opgave 5

- 5 Om te bepalen welke tomaten het goedkoopst zijn, moet je de prijs per kg weten. Behalve de prijs van de tomaten moet je dus ook de massa van die tomaten weten.

1.2 Werken met machten van 10

Opgave 6

De wetenschappelijke notatie bestaat uit een getal met één cijfer voor de komma ongelijk aan nul en een macht van 10.

- a $10^2 \times 10^4 = 10^6$
- b $10^2 \times 10^{-4} = 10^{-2}$
- c $\frac{10^4}{10^7} = 10^4 \times 10^{-7} = 10^{-3}$
- d $2 \cdot 10^3 \times 3 \cdot 10^4 = 6 \cdot 10^7$
- e $4,4 \cdot 10^5 \times 2,5 \cdot 10^{-3} = 1,1 \cdot 10^3$
- f $254 \times 25,0 = 6,35 \cdot 10^3$
- g $\frac{3,85 \cdot 10^2}{250 \cdot 10^{-4}} = 1,54 \cdot 10^4$
- h $(2 \cdot 10^4)^3 = 8 \cdot 10^{12}$

Opgave 7

De wetenschappelijke notatie bestaat uit een getal met één cijfer voor de komma ongelijk aan nul en een macht van 10.

- a $4506 \text{ m} = 4,506 \cdot 10^3 \text{ m}$
- b $0,00000153 \text{ m} = 1,53 \cdot 10^{-6} \text{ m}$
- c $961 \cdot 10^3 \text{ m} = 9,61 \cdot 10^2 \cdot 10^3 = 9,61 \cdot 10^5 \text{ m}$
- d $0,075 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 7,5 \cdot 10^{-2} \cdot 10^{-2} = 7,5 \cdot 10^{-4} \text{ m}$

Opgave 8

De voorvoegsels vind je in BINAS tabel 2.

De wetenschappelijke notatie bestaat uit een getal met één cijfer voor de komma ongelijk aan nul en een macht van 10.

- a $2,5 \text{ km} = 2,5 \times 10^3 = 2,5 \cdot 10^3 \text{ m}$
- b $0,51 \text{ MPa} = 0,51 \times 10^6 = 5,1 \cdot 10^{-1} \times 10^6 = 5,1 \cdot 10^5 \text{ Pa}$
- c $18,5 \mu\text{m} = 18,5 \times 10^{-6} = 1,85 \cdot 10^1 \times 10^{-6} = 1,85 \cdot 10^{-5} \text{ m}$
- d $251 \text{ TJ} = 251 \times 10^{12} = 2,51 \cdot 10^2 \times 10^{12} = 2,51 \cdot 10^{14} \text{ J}$
- e $33 \text{ mbar} = 33 \times 10^{-3} = 3,3 \cdot 10^1 \times 10^{-3} = 3,3 \cdot 10^{-2} \text{ bar}$
- f $25 \text{ nm} = 25 \times 10^{-9} = 2,5 \cdot 10^1 \times 10^{-9} = 2,5 \cdot 10^{-8} \text{ m}$

Opgave 9

De voorvoegsels vind je in BINAS tabel 2.

- a $9,4 \cdot 10^{-6} = 9,4 \mu\text{A}$
- b $6,11 \cdot 10^{12} = 6,11 \text{ Ts}$
- c $1,85 \cdot 10^{-8} = 18,5 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-8} = 18,5 \times 10^{-9} = 18,5 \text{ nm}$
 of $1,85 \cdot 10^{-8} = 0,0185 \cdot 10^2 \cdot 10^{-8} = 0,0185 \times 10^{-6} = 0,0185 \mu\text{m}$
- d $2,36 \cdot 10^7 = 23,6 \cdot 10^{-1} \cdot 10^7 = 23,6 \cdot 10^6 = 23,6 \text{ MW}$ of $2,36 \cdot 10^7 = 0,0236 \cdot 10^2 \cdot 10^7 = 0,0236 \cdot 10^9 = 0,0236 \text{ GW}$

Opgave 10

De orde van grootte is alleen een macht van tien.

Je rond een getal eerst af naar het dichtstbijzijnde tiental.

- a $9,4 \cdot 10^{-6}$ is afgerond $10^1 \cdot 10^{-6} = 10^{-5}$
- b $6,11 \cdot 10^{12}$ is afgerond $10^1 \cdot 10^{12} = 10^{13}$
- c $853 \mu\text{m} = 853 \cdot 10^{-6}$ is afgerond $10^3 \cdot 10^{-6} = 10^{-3}$
- a $23,6 \text{ MW} = 23,6 \cdot 10^6$ is afgerond $10^1 \cdot 10^6 = 10^7$

Opgave 11

- a De orde van grootte van de dikte van het linkerdraadje geef je aan in een macht van tien.

Vergelijk je de dikte van een platinadraadje met de lengte van de streep bij $5 \mu\text{m}$ dan is de dikte ongeveer $1 \mu\text{m} = 1 \cdot 10^{-6} \text{ m}$.

De orde van grootte is 10^{-6} m

- b De lengte van het groene staafje bereken je met een verhoudingstabel. Zie tabel 1.1.

De gemeten waarden bepaal je in figuur 1.4 van het basisboek.

$5 \mu\text{m} = 5 \cdot 10^{-6} \text{ m}$ en heeft in figuur 1.1 een lengte van 8,0 mm.

Het groene staafje heeft een lengte van 45 mm.

	Streep bij $5 \mu\text{m}$	Groene staafje
gemeten waarde (mm)	13	75
werkelijke waarde (m)	$5 \cdot 10^{-6}$	ℓ

Tabel 1.1

$$\ell = 29 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 2,9 \cdot 10^{-5} \text{ m}$$

1.3 Werken met eenheden**Opgave 12**

$$1020 \text{ mbar} = 1,020 \cdot 10^3 \times 10^{-3} \text{ bar} = 1,020 \text{ bar}$$

$$\text{bar} = 10^5 \text{ Pa} \quad (\text{Zie BINAS tabel 5})$$

$$1,020 \text{ bar} = 1,020 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$1020 \text{ hPa} = 1,020 \cdot 10^3 \times 10^2 \text{ Pa} = 1,020 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$\text{Dus } 1020 \text{ mbar} = 1020 \text{ hPa}$$

Opgave 13

- a De voortplantingssnelheid van geluid bij $20^\circ\text{C} = 293 \text{ K}$ zoek je op in BINAS tabel 15A.

$$v_{\text{geluid}} = 0,343 \cdot 10^3 \text{ m s}^{-1}$$

- b De wetenschappelijke notatie bestaat uit een getal met één cijfer voor de komma ongelijk aan nul en een macht van 10

$$v_{\text{geluid}} = 0,343 \cdot 10^3 \text{ m s}^{-1} = 3,43 \cdot 10^2 \text{ m s}^{-1}$$

- c $1 \text{ m s}^{-1} = 3,6 \text{ km h}^{-1}$

$$3,43 \cdot 10^2 \text{ m s}^{-1} = 3,43 \cdot 10^2 \times 3,6 = 1,23 \cdot 10^3 \text{ km h}^{-1}$$

Opgave 14

$$F_{\text{veer}} = C \cdot u$$

$$C = 12 \text{ N m}^{-1}$$

$$u = 3,5 \text{ cm} = 3,5 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$F_{\text{veer}} = 12 \times 3,5 \cdot 10^{-2}$$

$$F_{\text{veer}} = 0,42 \text{ N}$$

Opgave 15

$$1 \text{ m s}^{-1} = 3,6 \text{ km h}^{-1}$$

Ricardo:

$$250 \text{ km h}^{-1}$$

Jeroen:

$$\text{mijl} = 1,609 \cdot 10^3 \text{ m} \quad (\text{Zie BINAS tabel 5})$$

$$\text{mijl} = 1,609 \text{ km}$$

$$160 \text{ mph} = 160 \text{ mijl h}^{-1} = 160 \times 1,609 \text{ km h}^{-1} = 2,5744 \cdot 10^2 \text{ km h}^{-1}$$

$$\text{Iris: } 75 \text{ m s}^{-1} = 75 \times 3,6 = 270 \text{ km h}^{-1}$$

Volgorde aflopende snelheid: Iris, Jeroen, Ricardo

Opgave 16

De eenheid van c leid je af met de eenheden van de andere grootheden in de formule.

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta t$$

$$[Q] = \text{J}$$

$$[m] = \text{kg}$$

$$[\Delta t] = \text{K}$$

$$\text{J} = \text{kg} \cdot [c] \cdot \text{K}$$

$$[c] = \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} = \text{J kg}^{-1} \text{K}^{-1}$$

Opgave 17

- a De massa bereken je met de formule voor de dichtheid.
Het volume bereken je met de formule voor de bol.
De straal bereken je met de diameter.

$$r = \frac{1}{2}d$$

$$d = 32 \text{ cm} = 32 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$r = 16 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$V = \frac{4}{3}\pi \times (16 \cdot 10^{-2})^3$$

$$V = 1,7157 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$$

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$\rho = 93 \text{ g m}^{-3}$$

$$93 = \frac{m}{1,7157 \cdot 10^{-2}}$$

$$m = 1,5956 \text{ g}$$

$$\text{Afgerond: } m = 1,6 \text{ g}$$

- b De eenheid van c leid je af met behulp van de eenheden van de andere grootheden in de formule.

$$[F_{w,\text{lucht}}] = [c] \cdot [r^2] \cdot [v^2]$$

$$[F] = \text{N} = \text{kg m s}^{-2} \text{ (Zie BINAS tabel 4 bij kracht)}$$

$$[r] = \text{m}$$

$$[v] = \text{m s}^{-1}$$

$$\text{kg m s}^{-2} = [c] \cdot \text{m}^2 \cdot (\text{m s}^{-1})^2$$

$$[c] = \text{kg m}^{-3}$$

- c $F_{w,\text{lucht}} = c \cdot [r^2] \cdot v^2$

$$F_{w,\text{lucht}} = 86 \text{ mN} = 86 \cdot 10^{-3} \text{ N}$$

$$r = 16 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$v = 2,2 \text{ m s}^{-1}$$

$$86 \cdot 10^{-3} = c \times (16 \cdot 10^{-2})^2 \times 2,2^2$$

$$c = 0,694 \text{ kg m}^{-3}$$

$$\text{Afgerond } c = 0,69 \text{ kg m}^{-3}$$

1.4 Meetonzekerheid en significante cijfers**Opgave 18**

- a $V = 75,0 \text{ mL}$
- b De meetonzekerheid is $\frac{1}{10}$ van een schaaldeel.
Een schaaldeel is 2 mL.
De meetonzekerheid is 0,2 mL
 $V = 75,0 \pm 0,2 \text{ mL}$

Opgave 19

Als significante cijfers tel je alle cijfers behalve de nullen aan het begin van een getal. Machten van tien hebben geen invloed op het aantal significante cijfers.

- a 4
b 3
c 2
d 2
e 3
f 4

Toelichting bij f

2 is een exacte waarde en geeft aan dat er $2 \times 3600 = 7200 \text{ s}$ verstreken zijn.

5 is ook een exacte waarde die aangeeft dat er $5 \times 60 = 300 \text{ s}$ verstreken zijn.

Er zijn ook nog 28 s verstreken.

Alles bij elkaar optellen levert: $7200 + 300 + 28 = 7528$.

Dus 4 significante cijfers

Opgave 20

Bij vermenigvuldigen en delen krijgt de uitkomst evenveel significante cijfers als de meetwaarde met de minste significante cijfers.

Bij optellen en aftrekken krijgt de uitkomst evenveel cijfers achter de komma als de meetwaarde met de minste cijfers achter de komma. Daarbij moeten alle gegevens naar dezelfde eenheid zijn omgerekend.

- a $2,37 \times 3,42 = 8,1054$
Afgerond: 8,11
- b $6,70 \times 0,35 = 2,345$
Afgerond: 2,3
- c $6,60 + 2,48 \cdot 10^{-1} = 6,60 + 0,248 = 6,848$
Afgerond: 6,85
- d $\frac{39,67}{14,7} = 2,698$
Afgerond: 2,70
- e $76,58 + 23,4 = 99,98$
Afgerond: 100,0
- f $5,30 \cdot 10^{-1} - 8,5 \cdot 10^{-2} = 0,53 - 0,085 = 0,445$
Afgerond: 0,45
- g $173,45 - 82,6 = 90,85$
Afgerond: 90,9
- h $\frac{0,48}{1,258} = 0,3815$
Afgerond: 0,38

Opgave 21

- a $0,0045 \text{ g} = 4,5 \times 10^{-3} = 4,5 \text{ mg}$
- b $456,0 \text{ L} = 456,0 \text{ dm}^3 = 456,0 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 = 4,560 \cdot 10^{-1} \text{ m}^3$
- c $6,24 \cdot 10^3 \text{ ms}^{-1} = 6,24 \cdot 10^3 \times 3,6 \text{ km h}^{-1} = 2,246 \cdot 10^4 \text{ km h}^{-1}$
 Afgerond: $2,25 \cdot 10^4 \text{ km h}^{-1}$.
- d $0,567 \text{ N cm}^{-2} = \frac{0,567 \text{ N}}{1 \text{ cm}^2} = \frac{0,567 \text{ N}}{1 \times 10^{-4} \text{ m}^2} = 0,567 \cdot 10^4 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 5,67 \cdot 10^3 \text{ N m}^{-2}$

Opgave 22

- a Het volume bereken je met de lengte, de breedte en de hoogte.

$$V = \ell \cdot b \cdot h$$

$$\ell = 24,2 \text{ cm}$$

$$b = 6,8 \text{ cm}$$

$$h = 3,2 \text{ cm}$$

$$V = 24,2 \times 6,8 \times 3,2 = 526,6 \text{ cm}^3$$

$$\text{Afgerond: } V = 5,3 \cdot 10^2 \text{ cm}^3$$

- b De dichtheid van het hout bereken je met de massa en het volume.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$\rho \text{ is de dichtheid in } \text{kg m}^{-3}$$

$$m = 311,3 \text{ g} = 311,3 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

$$V = 5,3 \cdot 10^2 \text{ cm}^3 = 5,3 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$$

$$\rho = \frac{311,3 \cdot 10^{-3}}{5,3 \cdot 10^{-4}} = 5,87 \cdot 10^2 \text{ kg m}^{-3}$$

$$\text{Afgerond: } 5,9 \cdot 10^2 \text{ kg m}^{-3}$$

- c De houtsoort bepaal je met de dichtheid.
 Dichtheid van houtsoorten staan in BINAS tabel 10A.
 Het blok hout is gemaakt van vurenhout.
 De dichtheid van vurenhout is volgens BINAS tabel 10A gelijk aan $0,58 \cdot 10^3 \text{ kg m}^{-3}$.
 Dat is bijna gelijk aan $5,9 \cdot 10^2 \text{ kg m}^{-3}$.
 Het verschil komt door de meetonzekerheden in de lengte, breedte en hoogte.

1.5 Van meting naar diagram

Opgave 23

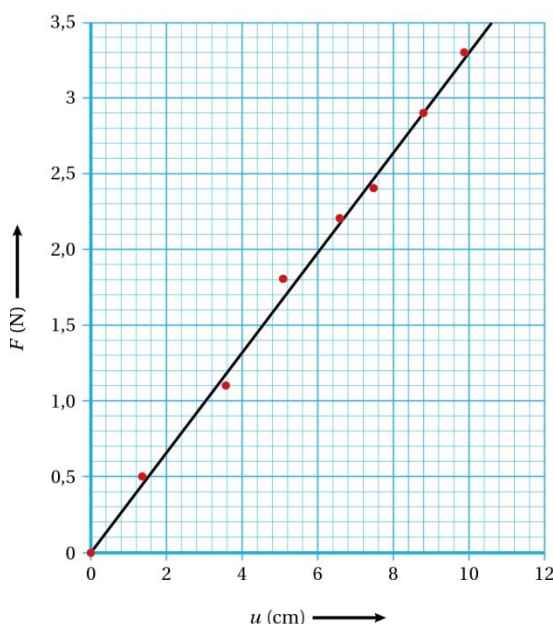
- a Het eerste diagram voldoet niet aan de eis dat de grafieklijn het gehele diagram moet vullen.
- b Er moet een vloeiende lijn getrokken zijn.
De vloeiende lijn is in deze situatie een rechte lijn. Het verband tussen massa en volume is recht evenredig.
De rechte lijn moet je zo trekken dat er evenveel punten boven als onder de lijn liggen.
Je weet zeker dat $m = 0$ g bij $V = 0$ cm³. Dus de rechte lijn moet door de oorsprong gaan.
- Diagram a is fout omdat er geen rechte lijn is getekend.
 - Diagram b is goed. (De meting bij $V = 4$ cm³ is waarschijnlijk niet goed gegaan.)
 - Diagram c is fout, omdat drie punten boven de lijn liggen en maar één er onder.
 - Diagram d is fout, omdat deze niet door het punt (0,0) gaat.

Opgave 24

- a Alle meetpunten liggen vrij dicht bij de getekende lijn behalve het meetpunt bij 6 V. Dit meetpunt is dus fout. De getekende lijn is juist.
- b Er is een systematische fout gemaakt omdat de lijn niet door de oorsprong gaat.
- c Er zijn toevallige fouten gemaakt, omdat de punten niet allemaal op de lijn liggen.
- d Er is een afleesfout gemaakt: het punt (6,0 V; 0,63 A) ligt te ver van de lijn.

Opgave 25

- a Zie figuur 1.1



Figuur 1.1

- b De kracht bij de uitrekking van 5,0 cm lees je in figuur 1.1 af op de grafieklijn.
 $F = 1,65$ N.
- c Bij een recht evenredig verband is de grafiek een rechte lijn door de oorsprong.
Dat is in figuur 1.1 het geval. Dus de trekkracht is recht evenredig met de uitrekking.
- d De evenredigheidsconstante bepaal je door zo groot mogelijke getallen voor u en F te gebruiken. De invloed van meetonzekerheden bij het aflezen is dan zo klein mogelijk.

$$F = C \cdot u$$

Bij $F = 3,5 \text{ N}$ hoort de uitrekking $u = 10,6 \text{ cm} = 10,6 \cdot 10^{-2} \text{ m}$

$$3,5 = C \cdot 10,6 \cdot 10^{-2}$$

$$C = 33,0 \text{ N m}^{-1}$$

Afgerond: $C = 33 \text{ N m}^{-1}$

Opgave 26

Bij een omgekeerd evenredig verband geldt dat de afstand van het scherm tot de lens drie keer zo klein wordt als de afstand van L tot de lens drie keer zo groot wordt.

Bij de afstand van L tot de lens 30 cm hoort als afstand van het scherm tot de lens 60 cm.

Bij een afstand van L tot de lens van 90 cm zou dan als afstand van het scherm tot de lens 20 cm horen.

Dit is niet het geval. Dus de afstand van L tot de lens is niet omgekeerd evenredig met de afstand scherm tot de lens.

Opgave 27

- a Bij een omgekeerd kwadratische evenredig verband geldt dat de weerstand n^2 keer zo klein wordt als de diameter n keer zo groot wordt.

Bij $d = 2,0 \text{ mm}$ hoort $R = 30 \text{ m}\Omega$

Bij $d = 4,0 \text{ mm}$ hoort dan $R = 8 \text{ m}\Omega$.

Dus d is twee keer groot en R is ongeveer vier keer zo klein.

Dus de weerstand R is omgekeerd kwadratisch evenredig met de diameter d van de draad.

- b Bij $d = 8,0 \text{ mm}$ is de diameter twee keer groot ten opzichte van $d = 4,0 \text{ mm}$.

Dus R is vier keer zo klein ten opzichte van $8 \text{ m}\Omega$.

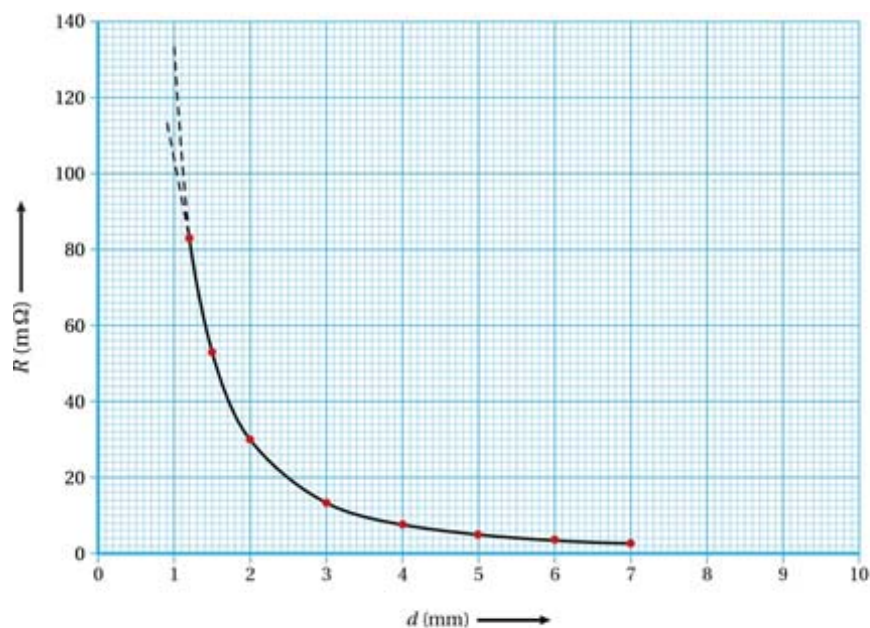
Bij $d = 8,0 \text{ mm}$ hoort dan $R_B = 2 \text{ m}\Omega$.

- c Bij $d = 1,0 \text{ mm}$ is de diameter twee keer klein ten opzichte van $d = 2,0 \text{ mm}$.

Dus R is vier keer zo groot ten opzichte van $30 \text{ m}\Omega$.

Bij $d = 1,0 \text{ mm}$ hoort dan $R_C = 120 \text{ m}\Omega$

- d Zie figuur 1.2.



Figuur 1.2

De lijn extrapoleren naar $d = 1$ mm kan niet nauwkeurig: de spreiding is erg groot. Zie figuur 1,2. Een kleine afwijking in het doortrekken levert minstens $5 \text{ m}\Omega$ verschil.

Het goede antwoord is dus IV: $0,01 \Omega$.

Opgave 28

- a Bij $v = 10 \text{ km h}^{-1}$ geldt $t = 3,0$ uur; bij $v = 20 \text{ km h}^{-1}$ geldt $t = 1,5$ uur;
Bij $v = 50 \text{ km h}^{-1}$ geldt $t = 0,6$ uur; bij $v = 100 \text{ km h}^{-1}$ geldt $t = 0,3$ uur.
Wordt v twee keer zo groot, dan wordt t twee keer zo klein.
Het is een omgekeerd evenredig verband.

- b Voor een omgekeerd evenredig verband geldt $t = \frac{a}{v}$.

Invullen van $v = 10 \text{ km h}^{-1}$ en $t = 3,0$ uur levert $3,0 = \frac{a}{10}$.

Hieruit volgt $a = 30 \text{ km h}^{-1} \cdot \text{h} = 30 \text{ km}$.

Neem je andere waarden dan krijg je telkens dezelfde uitkomst.

Opgave 29

- a Als de x -waarde $4x$ zo groot wordt, wordt de y -waarde $2x$ zo groot.
Bij $\ell = 0,10 \text{ m}$ geldt $T = 0,6 \text{ m}$; bij $\ell = 0,40 \text{ m}$ geldt $T = 1,3 \text{ m}$;
Bij $\ell = 0,20 \text{ m}$ geldt $T = 0,9 \text{ m}$; bij $\ell = 0,80 \text{ m}$ geldt $T = 1,8 \text{ m}$;
Bij $\ell = 0,40 \text{ m}$ geldt $T = 1,3 \text{ m}$; bij $\ell = 1,60 \text{ m}$ geldt $T = 2,5 \text{ m}$;
Je ziet dat als x -waarde $4x$ zo groot wordt, de y -waarde (ongeveer) $2x$ zo groot wordt.
- b Voor een wortelverband geldt $T = a \cdot \sqrt{\ell}$
In tabel 1.2 staat een overzicht van de berekende waarde van de constante a voor de eerste vijf metingen.

ℓ	T	a
0,10	0,6	1,897
0,20	0,9	2,012
0,40	1,3	2,055
0,60	1,5	1,936
0,80	1,8	2,012
1,00	2,0	2,000

Tabel 1.2

De gemiddelde waarde van $a = 1,985$ en de eenheid is $\frac{\text{s}}{\sqrt{\text{m}}}$

Afgerond: $2,0 \frac{\text{s}}{\sqrt{\text{m}}}$.

1.6 Diagrammen: van kromme naar rechte**Opgave 30**

- a De eenheid van c leid je af met de eenheden van de andere grootheden in de formule.

$$[p] \cdot [V] = [c]$$

$$[p] = \text{Nm}^{-2}$$

$$[V] = \text{m}^3$$

$$\text{Nm}^{-2} \cdot \text{m}^3 = [c]$$

$$[c] = \text{Nm}$$

- b De waarde van c volgt uit de functie die hoort bij de grafiek in figuur 1.29 van het basisboek.

$$V = c \cdot \frac{1}{p}$$

$$V = 7,0 \text{ m}^3 \text{ als } \frac{1}{p} = 1,0 \text{ m}^2 \text{ N}^{-1}$$

$$7,0 = c \cdot 1,0$$

$$c = 7,0 \text{ Nm}$$

- c Uit de formule: $c = p \cdot V$ volgt $p = c \cdot \frac{1}{V}$

Als je p tegen $\frac{1}{V}$ uitzet, krijg je voor c dus dezelfde waarde.

Opgave 31

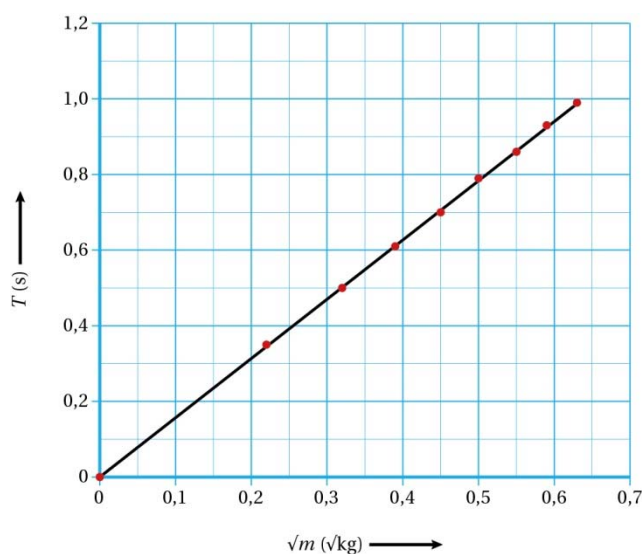
- a Voor een wortelverband geldt: als de massa $4\times$ zo groot wordt, wordt de trillingstijd $2\times$ zo groot.

Dat komt overeen met de metingen bij 0,100 kg en 0,400 kg. Het kleine verschil heeft te maken met de meetonzekerheid.

- b Voor het wortelverband geldt: $T = c \cdot \sqrt{m}$.

De grafieklijn is een rechte lijn als T wordt uitgezet tegen $\sqrt{m}$.

Zie figuur 1.3.



Figuur 1.3

- c De waarde van c volgt uit de functie die hoort bij de grafiek in figuur 1.3.

$$T = c \cdot \sqrt{m}$$

$$T = 0,94 \text{ s als } \sqrt{m} = 0,60 \sqrt{\text{kg}}$$

$$0,94 = c \times 0,60$$

$$c = 1,56 \frac{\text{s}}{\sqrt{\text{kg}}}$$

$$\text{Afgerond } c = 1,6 \frac{\text{s}}{\sqrt{\text{kg}}}.$$

Opgave 32

De waarde van c volgt uit de functie die hoort bij de grafiek in figuur 1.30 van het basisboek.

$$F_{w,\text{lucht}} = C \cdot v^2 \text{ met } C = c_w \cdot A$$

$$F_{w,\text{lucht}} = 9,0 \text{ N als } v^2 = 40 \text{ m}^2 \text{s}^{-2}$$

$$9,0 = c_w \times 0,40 \times 40$$

$$c_w = 0,562 \text{ N s}^2 \text{m}^{-4}$$

$$\text{Afgerond: } c_w = 0,56 \text{ N s}^2 \text{m}^{-4}.$$

Opgave 33

a $v = 3,2\sqrt{x_{\text{rem}}}$

$$v = 3,2\sqrt{80}$$

$$v = 28,6 \text{ m s}^{-1} = 28,6 \times 3,6 = 103 \text{ km h}^{-1}$$

b $y = a \cdot x$ (Algemene formule voor een rechte lijn)

$$v = 3,2\sqrt{x_{\text{rem}}}$$

Op de y-as zet je v uit.

Op de x-as zet je $\sqrt{x_{\text{rem}}}$ uit.

c De gegeven formule geldt voor droog wegdek: $v = 3,2\sqrt{x_{\text{rem,droog}}}$

Wil je gebruik maken van deze formule dan moet je de remweg bij nat wegdek uitdrukken in de remweg bij droog wegdek.

$$x_{\text{rem,nat}} = 1,4 \cdot x_{\text{rem,droog}}$$

$$x_{\text{rem,droog}} = \frac{x_{\text{rem,nat}}}{1,4}$$

$$v = 3,2\sqrt{\frac{x_{\text{rem,nat}}}{1,4}}$$

$$v = \frac{3,2}{\sqrt{1,4}}\sqrt{x_{\text{rem,nat}}}$$

$$v = 2,7\sqrt{x_{\text{rem,nat}}}$$

Opgave 34

- a Aflezen in figuur 1.32: Als $m = 15 \text{ ton}$ dan $\ell = 10 \text{ m}$.

Aflezen in figuur 1.33: Als $m = 15 \text{ ton}$ dan $\frac{1}{\ell} = 0,10 \text{ m}^{-1}$ en dus $\ell = 10 \text{ m}$.

- b Wil je de massa bij 50 m bepalen, dan moet je de grafiek extrapoleren. Bij een rechte lijn is dat nauwkeuriger te doen dan bij een kromme lijn. Dus met diagram in figuur 1.33 gaat dat het beste.

- c De evenredigheidsconstante volgt uit de functie die hoort bij de grafiek in figuur 1.33 van het basisboek.

$$m = c \cdot \frac{1}{l}$$

$$m = 15 \text{ ton als } \frac{1}{l} = 0,10 \text{ m}^{-1}$$

$$15 = c \times 0,10$$

$$c = 150 \text{ ton m}$$

De evenredigheidsconstante van kraan B is groter dan die van A.

1.7 Examenbepalingen

Opgave 35

De hoogte van de molen schat je door in figuur 1.35 van het basisboek de hoogte van de molen te vergelijken met de lengte van de man vlak bij de molen. Zie figuur 1.4.

De hoogte van de molen bereken je met een verhoudingstabel. Zie tabel 1.3. De lengte van de man schat je 1,80 m.

	Man	Molen
Gemeten waarde (mm)	6,0	44,0
Werkelijke waarde (m)	1,80	h

Tabel 1.3

$$h = 13,2 \text{ m}$$

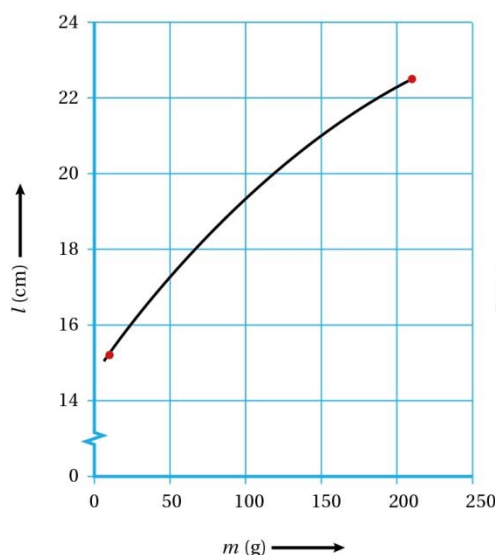
Afgerond: $h = 13 \text{ m}$.



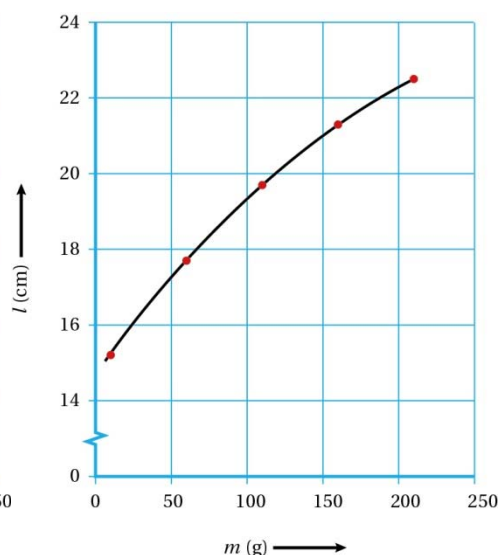
Figuur 1.4

Opgave 36

- Schetsen betekent dat je de vorm van de grafiek aangeeft zonder precies het verloop te tekenen. Je tekent het begin- en eindpunt en je geeft de vorm van de grafieklijn aan: Deze is bolvormig omdat de toename van de lengte (per 50 g) steeds kleiner wordt. Zie figuur 1.5a.
- Tekenen betekent dat je alle punten van de grafiek in je diagram neerzet. Je tekent vervolgens een vloeiende lijn die zo dicht mogelijk langs alle meetpunten loopt. Zie figuur 1.5b.



Figuur 1.5a



Figuur 1.5b

Opgave 37

Voor de tijd voor het doorlopen van één rondje geldt $v = \frac{2\pi R}{T}$.

Wil je iets zeggen over de tijd, dan moet je de snelheid v en de straal R bespreken.

v blijft gelijk

R neemt toe tijdens het afspelen, want het afspelen gebeurt van binnen naar buiten.

Dan moet de noemer ook toenemen om dezelfde uitkomst voor v te krijgen.

Dus neemt T toe tijdens het afspelen.

Opgave 38

- a De oppervlakte van een cirkel bereken je met de diameter.

$$A = \frac{1}{4} \pi d^2$$

$$d = 10,4 \text{ cm}$$

$$A = \frac{1}{4} \pi (10,4)^2$$

$$A = 84,949 \text{ cm}^2$$

$$\text{Afgerond: } A = 84,9 \text{ cm}^2$$

- b Het hoogte bereken je met het volume en de oppervlakte van de cirkel.

$$V = A \cdot h$$

$$V = 2,5 \text{ L} = 2,5 \text{ dm}^3 = 2,5 \cdot 10^3 \text{ cm}^3$$

$$A = 84,9 \text{ cm}^2$$

$$2,5 \cdot 10^3 = 84,9 \times h$$

$$h = 29,4 \text{ cm}$$

$$\text{Afgerond: } h = 29 \text{ cm.}$$

Opgave 39

- a Heeft de jan-van-gent een vleugelslag gemaakt, dan is zijn snelheid groter dan de snelheid bij vallen van 30 m.

Bij alleen vallen geldt:

$$v^2 = 19,6h$$

$$h = 30 \text{ m}$$

$$v^2 = 19,6 \times 30 = 588$$

$$v = 24,2 \text{ m s}^{-1} = 24,2 \times 3,6 = 87 \text{ km h}^{-1}$$

Dit is kleiner dan 100 km h^{-1} .

Dus heeft de jan-van-gent een vleugelslag gemaakt.

- b De eenheid van 19,6 leid je af met de eenheden van de snelheid v en de hoogte h .

$$v^2 = 19,6h$$

$$[v] = \text{m s}^{-1}$$

$$[h] = \text{m}$$

$$(\text{m s}^{-1})^2 = [19,6]\text{m}$$

$$\text{m}^2 \text{s}^{-2} = [19,6]\text{m}$$

$$[19,6] = \text{m s}^{-2}$$

Opgave 40

- a Bepalen betekent dat je het diagram moet gebruiken.

Aflezen bij 50 km h^{-1} levert 23 m op.

- b Berekenen betekent dat je de formule moet gebruiken en niet het diagram.

$$s = 0,06v^2 + 0,8v$$

$$v = 120 \text{ km/h} = 120 \text{ km h}^{-1} = \frac{120}{3,6} = 33,33 \text{ ms}^{-1}$$

$$s = 0,06 \times (33,33)^2 + 0,8 \times 33,33$$

$$s = 93,3 \text{ m}$$

Afgerond: $s = 93 \text{ m}$.

1.8 Afsluiting

Opgave 41

- a De meetonzekerheid is 5% van 72,4.
 $0,05 \times 72,4 = 3,62 \text{ V}$
 Afgerond: 4 V.
- b De meetonzekerheid bij gebruik van voltmeter 1 is: 3% van 200 V.
 $0,03 \times 200 = 6 \text{ V}$
 De meetwaarde is dan: $72 \pm 6 \text{ V}$.
- c Voltmeter 2 geeft de kleinste meetonzekerheid bij deze meting.
- d De meetonzekerheid van meter 1 is gelijk aan de meetonzekerheid van meter 2.
 De meetonzekerheid bij meter 1 is altijd 6 V.
 De meetonzekerheid in meter 2 is dus ook 6 V.
 Bij meter 2 is dat gelijk aan 5% van de meetwaarde.
 $5\% = 6 \text{ V}$
 $100\% = 120 \text{ V}$

Opgave 42

- a De omtrek van het meetwiel bereken je met de straal. Deze is de helft van de diameter.

$$R = \frac{1}{2}d$$

$$d = 32,0 \text{ cm} = 0,320 \text{ m}$$

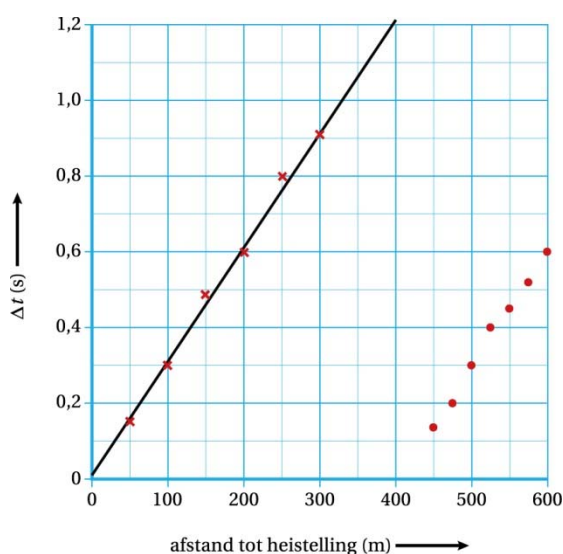
$$R = \frac{1}{2} \times 0,320 = 0,160$$

$$O = 2\pi R$$

$$O = 2\pi \times 0,160 = 1,005$$

$$\text{Afgerond: } O = 1,01 \text{ m}$$

- b De snelheid bepaal je met de afstand en de tijd.
 De afstand en tijd bepaal je met de grafieklijn die past bij de meetpunten van Wende.
 Zie figuur 1.6.



Figuur 1.6

De grafieklijn gaat niet precies door de punten (0;0) en (400; 1,2) maar is iets verschoven ten opzichte van die punten. Dan geldt toch dat bij een afstand van 400 m de tijd 1,20 s is.

$$v = \frac{\text{afstand}}{\text{tijd}}$$

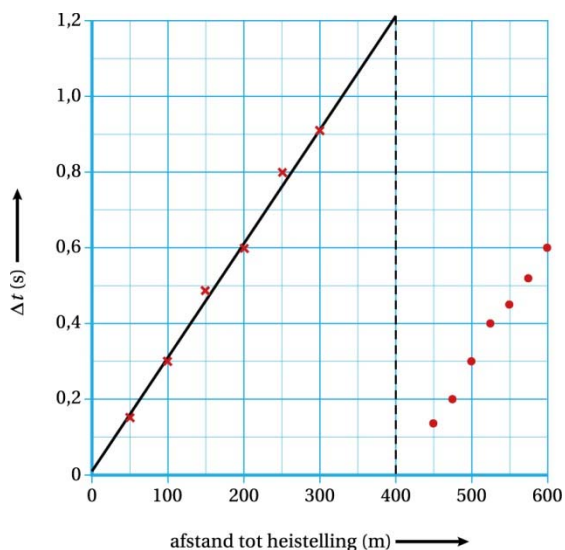
$$v = \frac{400}{1,20} = 333,3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\text{Afgerond: } v = 3,33 \cdot 10^2 \text{ m s}^{-1}$$

- c Extrapoler je de lijn van Nick tot $\Delta t = 0$ s, dan snijdt de lijn de horizontale as bij 400 m.
 d De tijd tussen twee opeenvolgende slagen bepaal je met de twee tijden waarop voor Wende geen tijdsverschil is tussen het horen van de klap en het zien dat het heiblok op de heipaal terecht komt.

Door de grafiek van Wende te extrapoleren naar 400 m lees je de tijd af die het geluid nodig heeft om 400 m af te leggen. Zie figuur 1.7

De tijd is 1,20 s.



Figuur 1.7